

## Die pythagoreische Skala: $P = \sqrt{(1-x^2)}$

Ein wichtiger Entwicklungsschritt bei den Rechenschiebern war das 1934 von Prof. Alwin Walther (1898 - 1967) an der TH Darmstadt entwickelte System Darmstadt.

Der Rietz-Stab wurde um die pythagoreische Skala:  $P = \sqrt{(1-x^2)}$  ergänzt.

Welche Vorteile diese Skala erbringt zeigen die folgenden Beispiele:

- |                                   |                   |
|-----------------------------------|-------------------|
| 1. Das rechtwinklige Dreieck      | (Skalen: D und P) |
| 2. Die Winkelfunktion             | (Skalen: S und P) |
| 3. Die genauere Wurzelberechnung  | (Skalen: B und P) |
| 4. Erhöhung der Rechengenauigkeit | (Skalen: D und P) |

## 1. Das rechtwinklige Dreieck (Skalen: D und P)

$A^2 + B^2 = C^2$  lässt sich umformen zu  $y = \sqrt{1 - x^2}$ .

Wenn C größer 1 ist, muss nur durch den Wert C geteilt werden.

Oder vereinfacht:  $y = C \times \sqrt{1 - (B/C)^2}$

Bekanntes Zahlentripel:

$$Y^2 + 4^2 = 5^2$$

$$Y^2 = 5^2 - 4^2$$

$$Y = 5 \times \sqrt{1 - (4/5)^2}$$

$$Y = 5 \times \sqrt{1 - 0,8^2}$$

$$Y = 5 \times 0,6$$

$$Y = 3,0$$

Ausgangsaufgabe

1. Umstellung

Teilung durch Faktor C

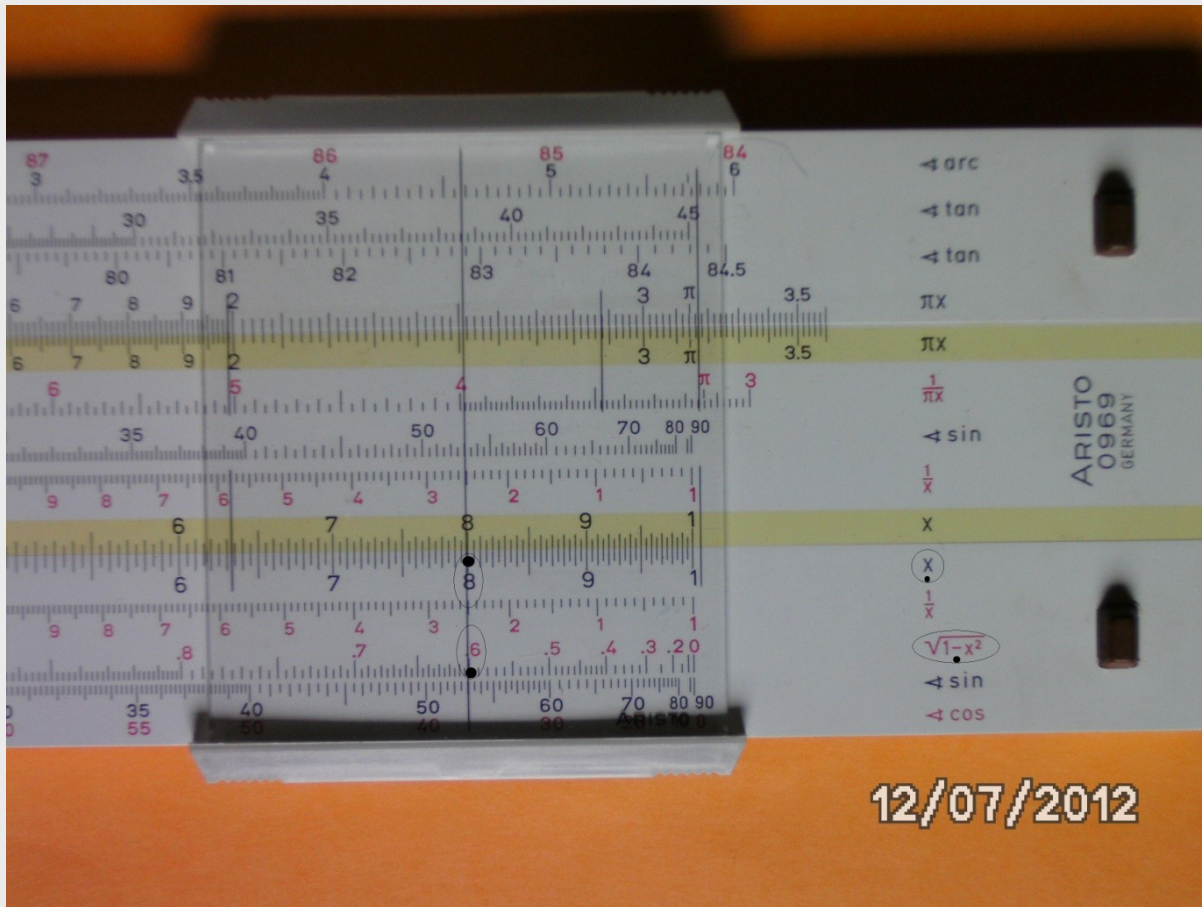
0,8 auf Skala D einstellen

0,6 auf Skala P ablesen

Endergebnis

Abbildung zu 1. Das rechtwinklige Dreieck (Skalen: D und P)

$y = \sqrt{1 - x^2}$  am Beispiel  $D = 0,8$  und  $P = 0,6$



## 2. Die Winkelfunktion (Skalen: S und P)

Bei Berechnungen in der Elektrotechnik von Wirk- und Scheinleistung werden die Zahlenwerte der Winkel benötigt.

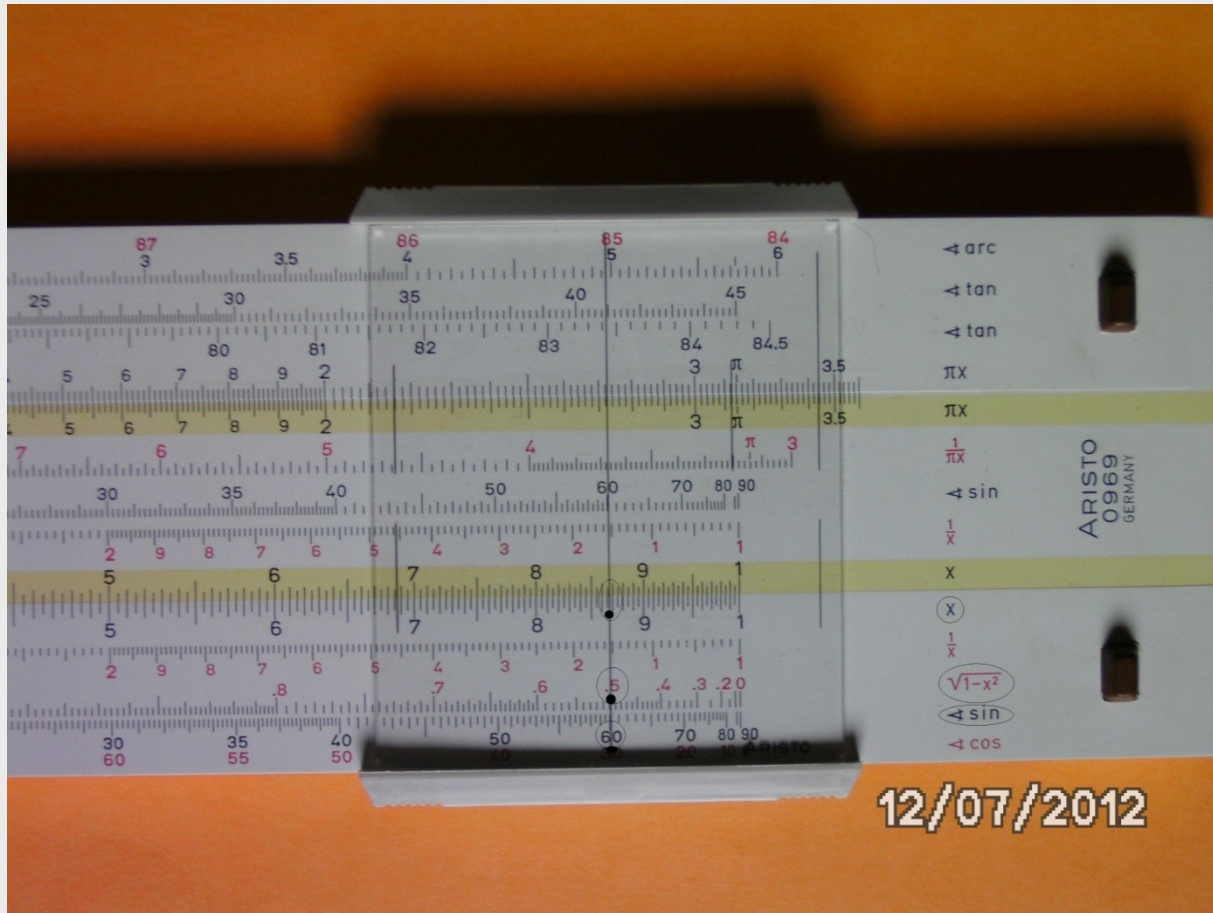
$$\sin^2 x + \cos^2 y = 1 \quad \text{also} \quad \cos y = \sqrt{1 - \sin^2 x}$$

Der Unterschied zum Beispiel 1 ist, dass der Winkel auf der Skala S eingestellt wird (zB:  $\sin 60^\circ$ ), und direkt darüber Skala D der Wert 0,866. Der Wert des Ergänzungswinkels wird auf Skala P (Wert 0,5) abgelesen.

Zurück auf Skala S (cos) steht der Ergänzungswinkel mit dem Wert  $30^\circ$ .

Abbildung zu 2. Die Winkelfunktion (Skalen: S und P)

$\cos y = \sqrt{1 - \sin^2 x}$  am Beispiel  $S = 60^\circ$  und  $P = 0,5$  ( $D = 0,866$ )



### 3. Die genauere Wurzelberechnung (Skalen: B und P)

$\sqrt{0,97}$  entspricht  $\sqrt{1 - 0,03}$

Da 0,03 schon  $x^2$  entspricht, wird der Wert im Unterschied zu Aufgabe 1 nun auf Skala B eingestellt und das Ergebnis 0,9849 auf vier Stellen genau liest sich auf Skala P ab.

Skala-C zeigt  $\sqrt{0,03}$  mit 0,1732 an, was aber hier nebensächlich ist, der Weg über  $\sqrt{0,97}$  entsprechen  $\sqrt{1 - 0,1732^2}$  wurde umgangen.

Abbildung zu 3. Die genauere Wurzelberechnung (Skalen: B und P)

$\sqrt{0,97}$  entspricht  $\sqrt{1 - 0,03} = 0,9849$  (ZUNGE umgedreht !!)



## 4. Erhöhung der Rechengenauigkeit (Skalen: D und P)

Da bei der Formel  $y = \sqrt{1 - x^2}$  die Variablen  $x$  und  $y$  austauschbar sind, kann durch Vertauschen die Ablesegenauigkeit erheblich verbessert werden.

Wird auf Skala D der Wert  $x$  mit 0,99 eingestellt, zeigt Skala P etwa 0,1 an; wird aber  $x$  mit 0,99 auf Skala P eingestellt, zeigt Skala D den genaueren Wert 0,141 an.

Werte größer 0,8 sind auf Skala P genauer ablesbar  
Werte unter 0,6 sind auf Skala D genauer ablesbar

Diese geht auch mit den Winkelwerten.



Abbildung zu 4. Erhöhung der Rechengenauigkeit (Skalen: D und P)

Werte im Ablese Vergleich



Die pythagoreische Skala  $P = \sqrt{1-x^2}$

## Fazit:

Die pythagoreische Skala kann in diversen Fällen also nicht nur schnelle, sondern auch genau Ergebnisse liefern.

Von Vorteil ist, wenn vorher etwas Energie in die Umformung der Formel/Aufgabe gesteckt wird, aber das ist ja uns Freunden der Rechenschieber nichts Neues.

## Quellen:

Stabrechnen	G. Apel	1963-Westermann
Rechenschieber Schritt f. Schritt	R. W. Marks	1972-Humbolt
Anleitung Aristo Studio	Aristo / Dennert&Pape	1954-Aristo

ukt; 12jul12